

Normandy Reliability Technology Workshop**Présentation sous thème:****METHODOLOGIE Basée SUR LA SIMULATION POUR L'EVALUATION DE LA FIABILITE
ET L'OPTIMISATION DES Systèmes Mécatroniques embarqués**

Présenté le 15/06/2017 par:

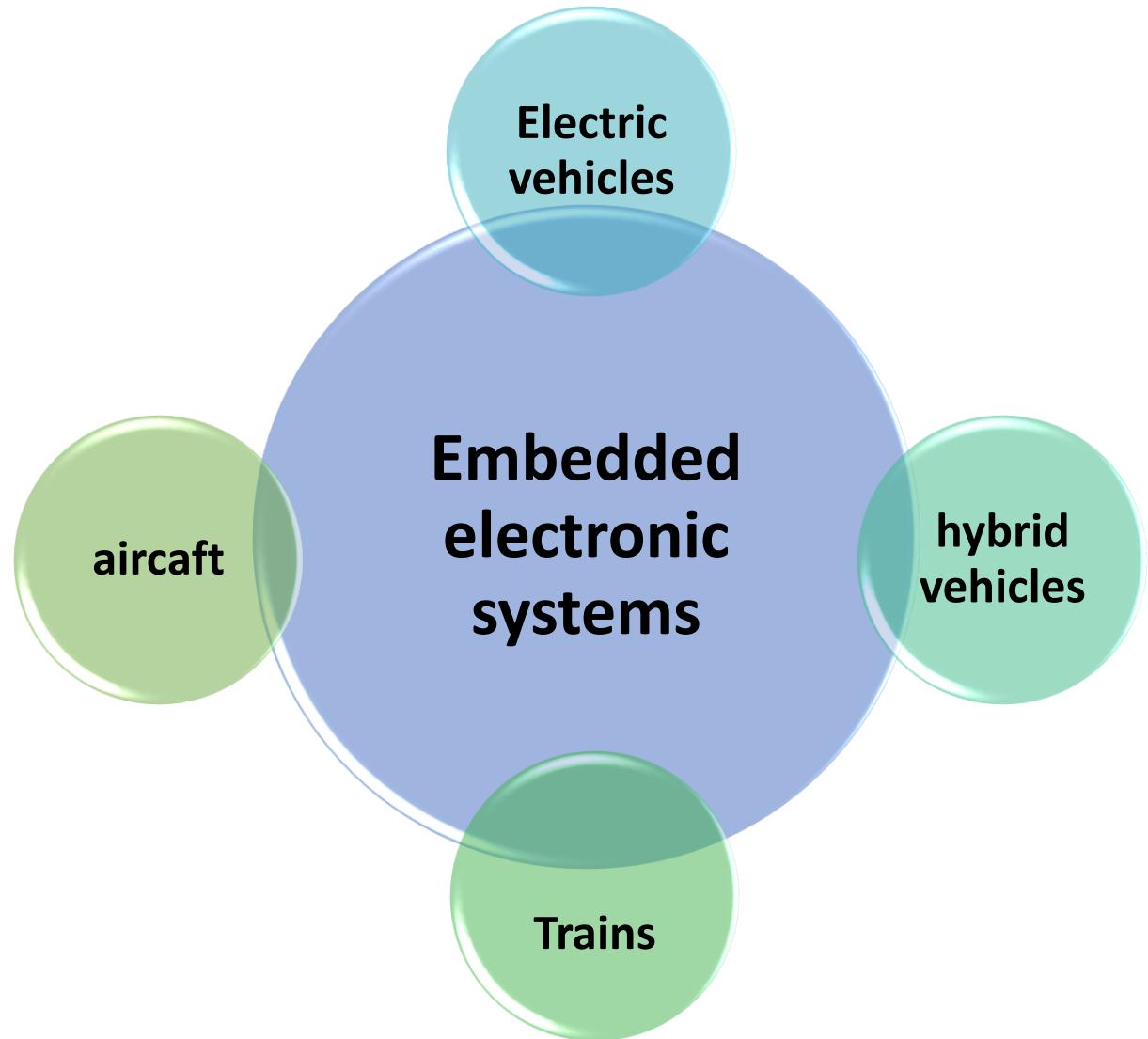
Hamid hamdani

Dirigée par :

Abdelkhalak elhami
Bouchib Radi

- ❑ Contexte scientifique de l'étude
- ❑ Métamodélisation
- ❑ Application dans la fatigue des joint de brasure Modélisation
 - Modèle EF global
 - Modèle EF local
 - Propriété des matériaux
 - Chargement
 - Modèle de fatigue thermique
 - Optimisation
- ❑ Résultats de simulation numérique
- ❑ Algorithme d'optimisation
- ❑ Conclusion et futur travaux

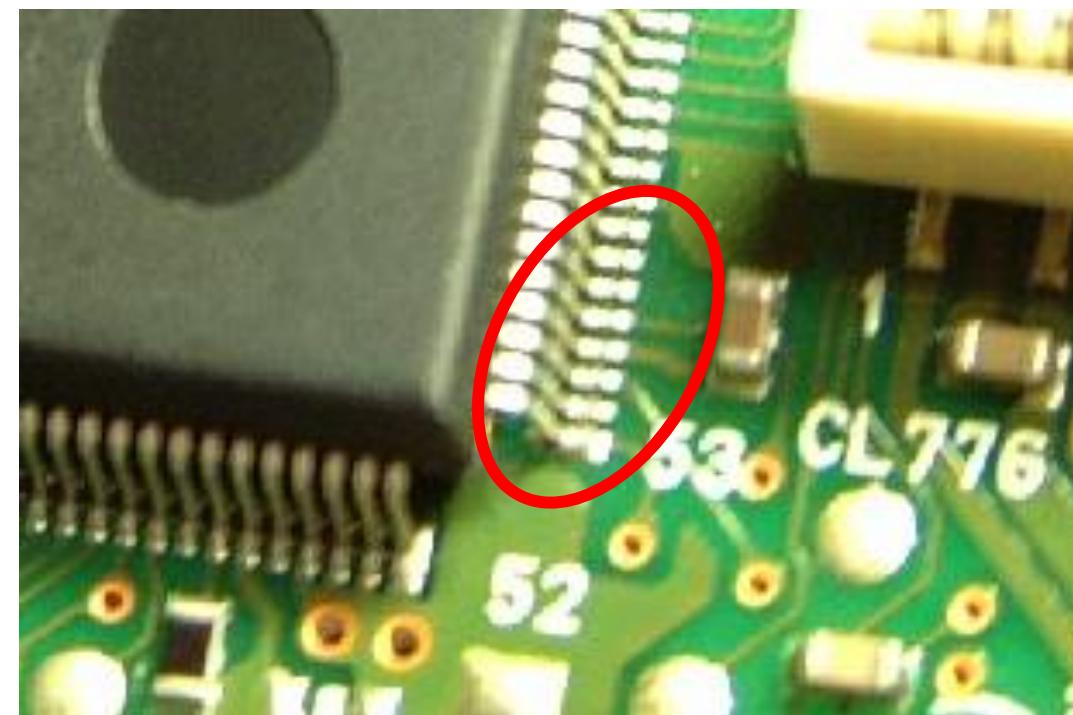
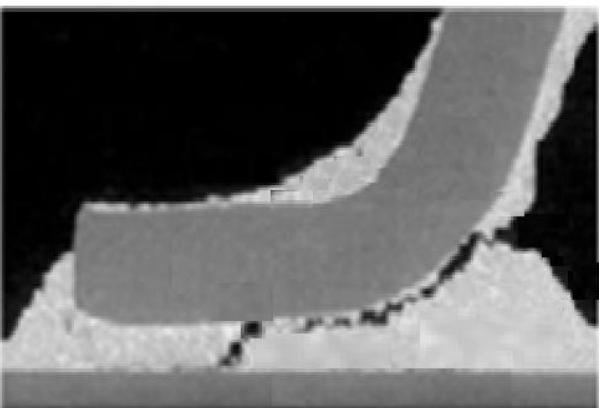
I. Introduction



- Sécurité
- fiabilité

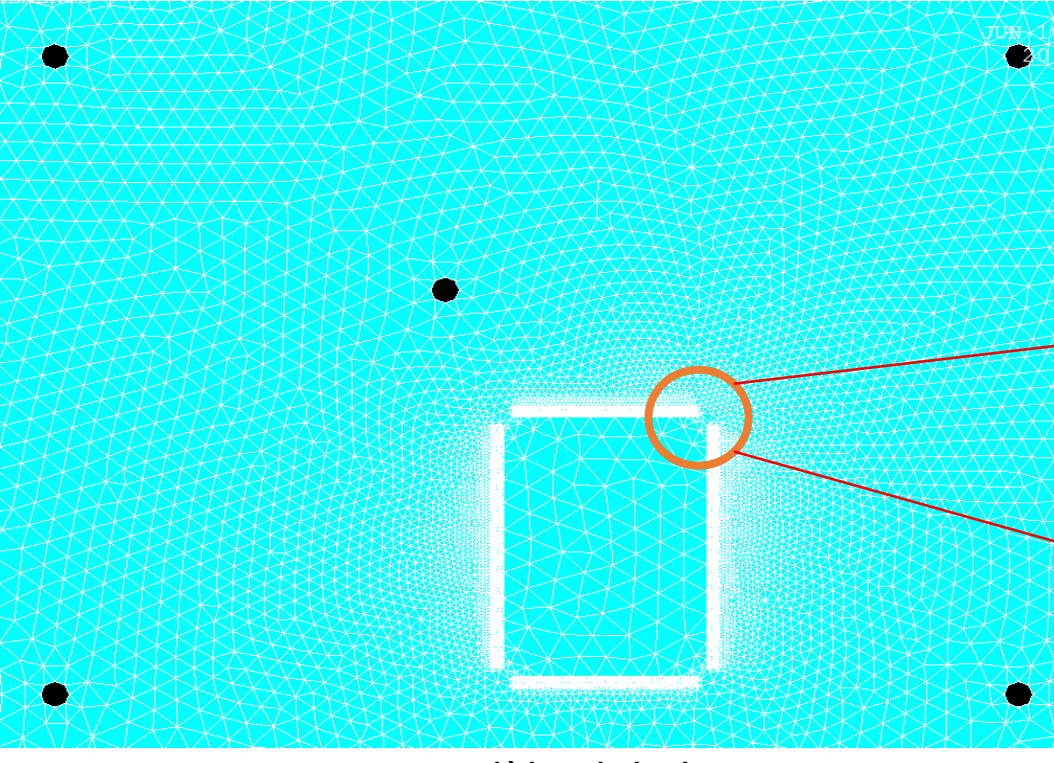
I. Introduction

Défaillances des systèmes mécatroniques embarqués



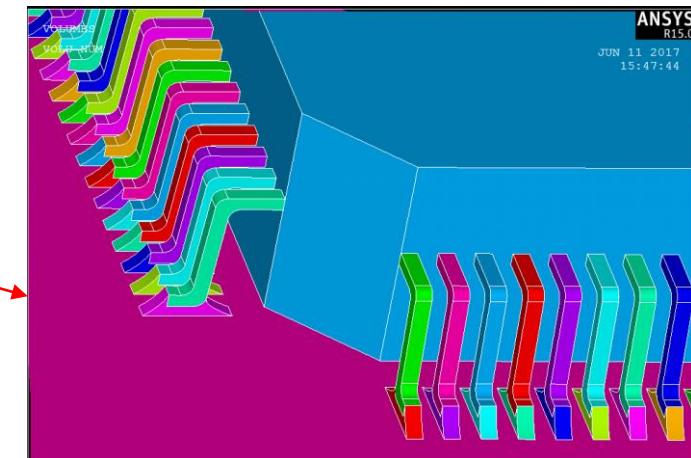
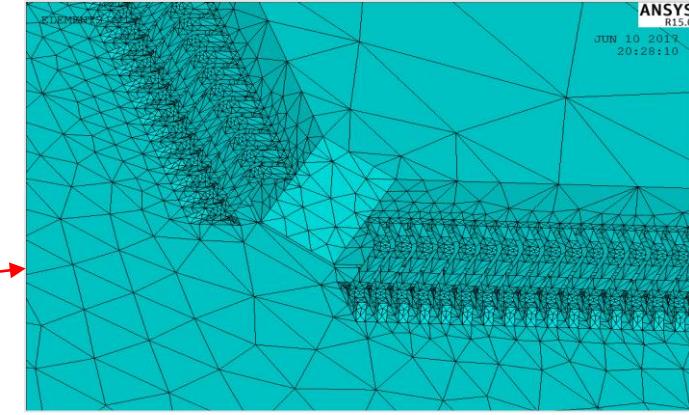
Modélisation numérique

o Modèle global



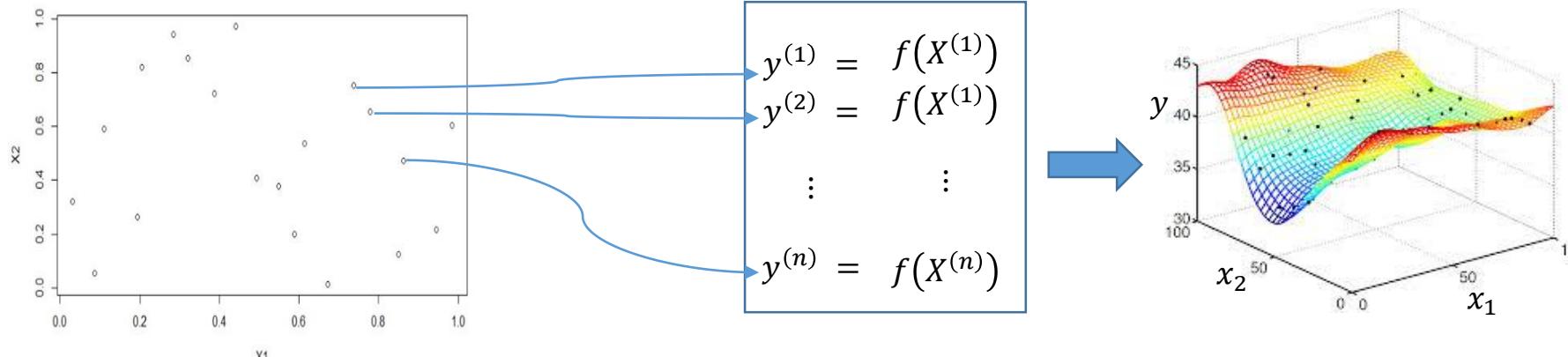
Modèle global

La carte électronique objet de cette étude est composée d'un microcontrôleur de type 256 pin PQFP placé sur un circuit imprimé

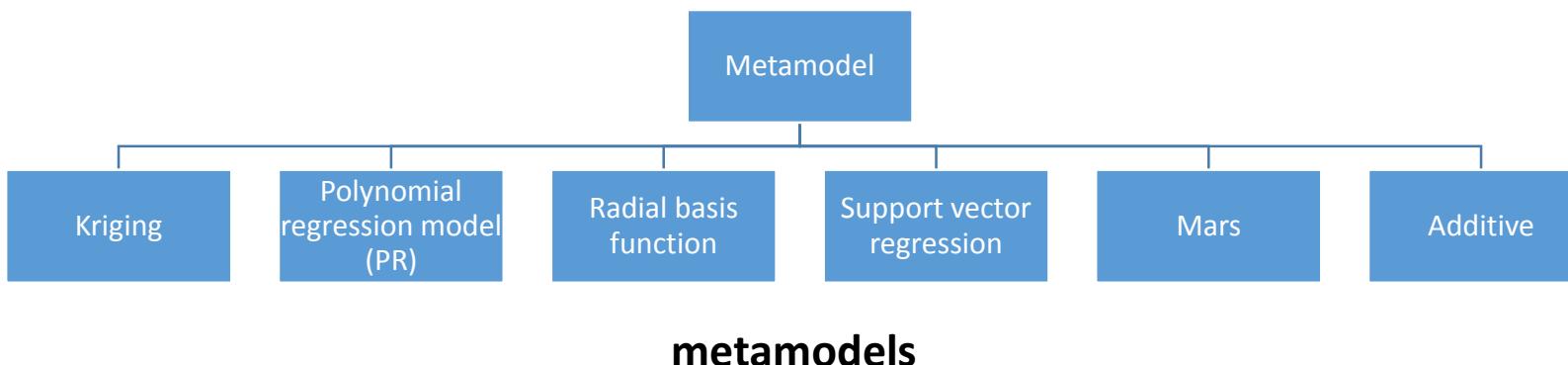


I. Métamodèles

- Definition



Process of surrogate modeling



I. Metamodelisation

- Construction du metamodelle

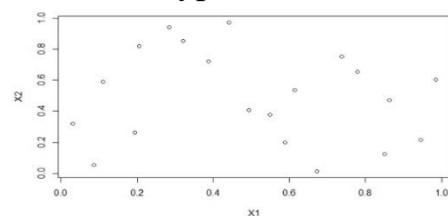
1. Création des plans d'expériences

Une fois les paramètres sont définis, on peut passer à la création des plans d'expériences, ces derniers sont généralement basées sur des Latin hypercubes ou autres techniques de plans d'expériences qui sont plus classiques connus sous le nom de plans factoriels tel que :

- Plans factoriel complet
- Plans centraux composites (CC)

- Plans LHS...
- Plans de Box Behnken

- les plans Dmax
- les plans de Strauss



plan latin hypercube de 20 point

2. Construction du métamodèle

Une fois le plan d'expérience choisi ainsi que l'ensemble des cofacteurs est défini par ce dernier, l'étape suivante consiste à construire un métamodèle qui décrit la relation entre les entrées et les sorties.

$$X = \begin{bmatrix} x^{(1)} \\ \vdots \\ x^{(n)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1^{(1)} & \dots & x_d^{(1)} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ x_1^{(n)} & \dots & x_d^{(n)} \end{bmatrix}$$

$$y = \begin{bmatrix} y^{(1)} \\ \vdots \\ y^{(n)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f(X^{(1)}) \\ \vdots \\ f(X^{(n)}) \end{bmatrix}$$

3. Validation du métamodèle

Coefficient de détermination:

$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}$$

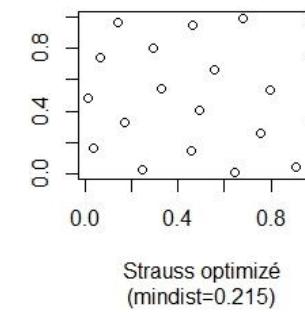
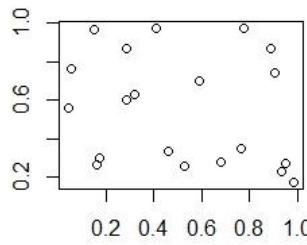
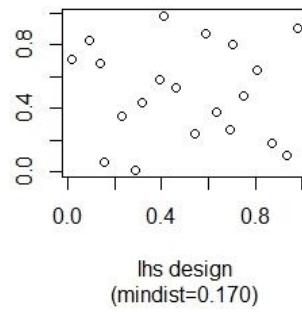
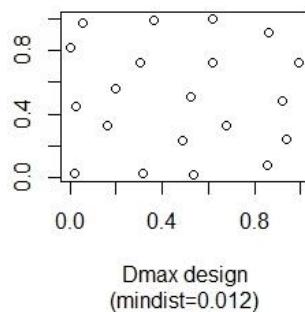
Erreur maximum relative absolue $RMA = \frac{\max_{1 \leq i \leq n} |y_i - \hat{y}_i|}{\sigma_y}$

La racine des erreurs des moindres carrés : $RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}$

I. Métamodélisation

- Exemple d'étude

Choix du plan d'expérience



construction et étude comparative pour la validation

| | MARS (degree =2) | PolyMARS (gcv=2) | PRS | Additive | Kriging |
|-------------------|---------------------|---------------------|-------|----------|--------------|
| Random design | 0.635 | 0.714 | 0.623 | 0.909 | 0.973 |
| Dmax | 0.653 | 0.604 | 0.645 | 0.933 | 0.977 |
| Optimized Strauss | 0.561 | 0.654 | 0.677 | 0.935 | 0.988 |
| LHS design | 0.261 | 0.175 | 0.386 | 0.549 | 0.874 |

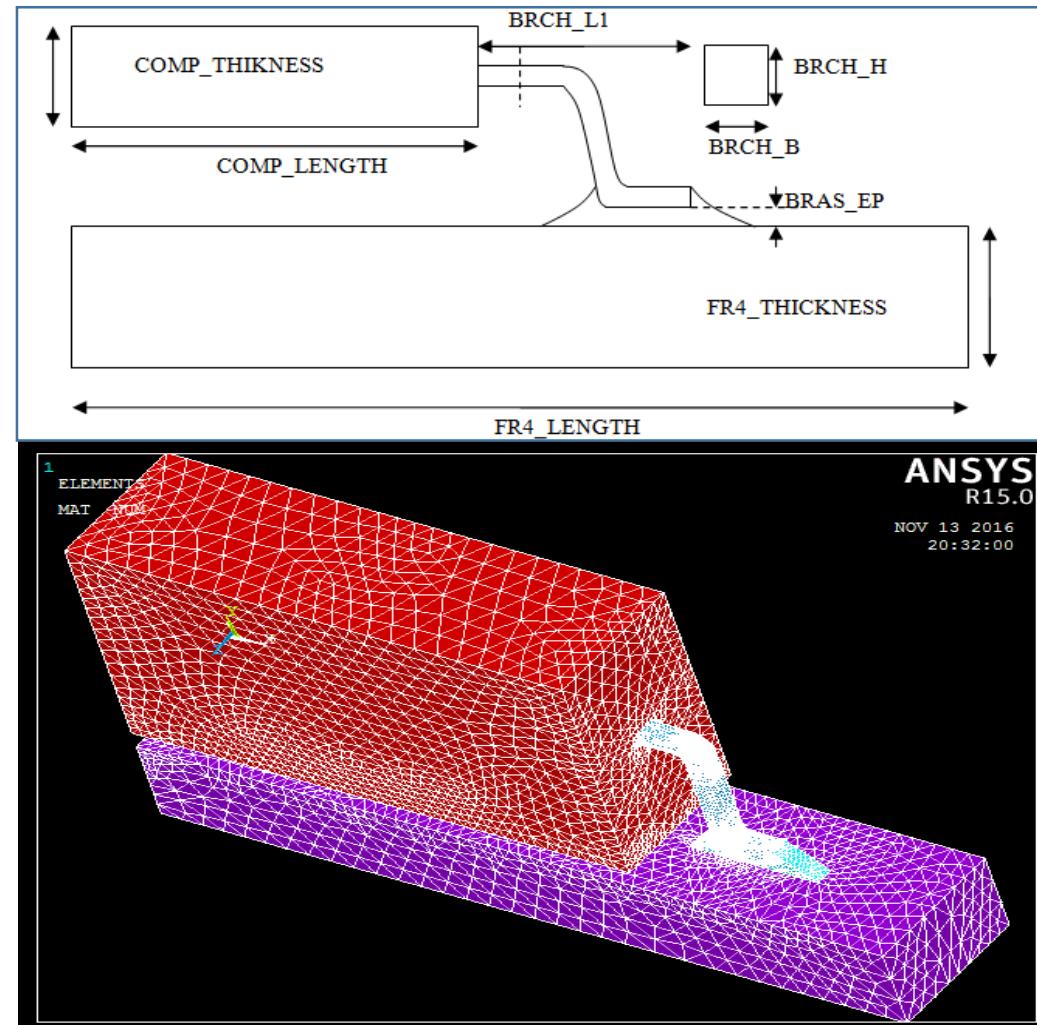
I. Modélisation numérique

- Un modèle éléments finis 3D de la zone critique est développé, il s'agit du joint de brasure le plus sollicité par un cycle de chargement thermique.
- La technique de « submodeling » permet d'imposer au modèle local des conditions aux limites récupérées du modèle global.

**Le modèle local permet de :**

- Raffiner le maillage autour de la brasure,
- Tenir compte des non-linéarités matérielles et du comportement viscoplastique de la brasure.

o Modèle EF local du joint de brasure



Modélisation numérique

- Propriétés des matériaux

- Pour l'analyse thermomécanique, à l'aide d'un sous-modèle 'submodel':
 - les matériaux du composant, du PCB et de la broche sont supposés isotropes et linéaires.
 - le matériau des joints de brasure (SnAgCu) est supposé avoir un comportement viscoplastique.

| Propriétés des matériaux | SAC305 | FR4 | Résine EPOXY | Cu |
|--------------------------------|--------|-----|--------------|------|
| Module de Young (GPa) | 51.3 | 17 | 17 | 115 |
| Coefficient de poisson | 0.3 | 0.3 | 0.2 | 0.31 |
| Densité (Kg/m³) | 740 | 180 | 180 | 8890 |
| CTE ($\mu\text{m}/\text{K}$) | 20 | 18 | 22 | 17 |
| Module de cisaillement | 19 | 2.4 | 7.4 | 44 |

Le modèle d'Anand pour la modélisation du joint de brasure

$$\dot{\varepsilon}_p = A \exp\left(\frac{-Q}{RT}\right) \left[\sinh\left(\xi \frac{\sigma}{S}\right)\right]^{1/m}$$

$$\dot{s} = \left\{ h_0 \left|1 - \frac{s}{s^*}\right|^a \times \text{sign}\left(1 - \frac{s}{s^*}\right) \right\} \times \dot{\varepsilon}_p ; \quad a > 1$$

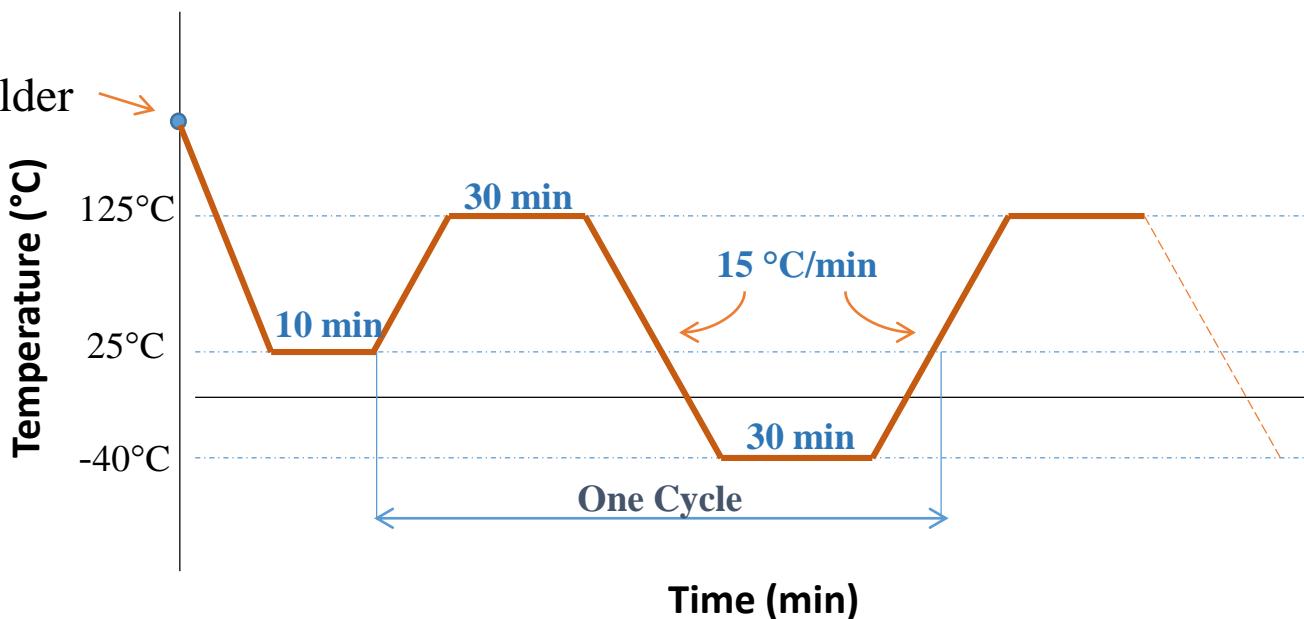
$$s^* = \hat{s} \left[\frac{\dot{\varepsilon}_p}{A} \exp\left(\frac{Q}{RT}\right) \right]^n$$

Modélisation numérique

o conditions aux limites thermique

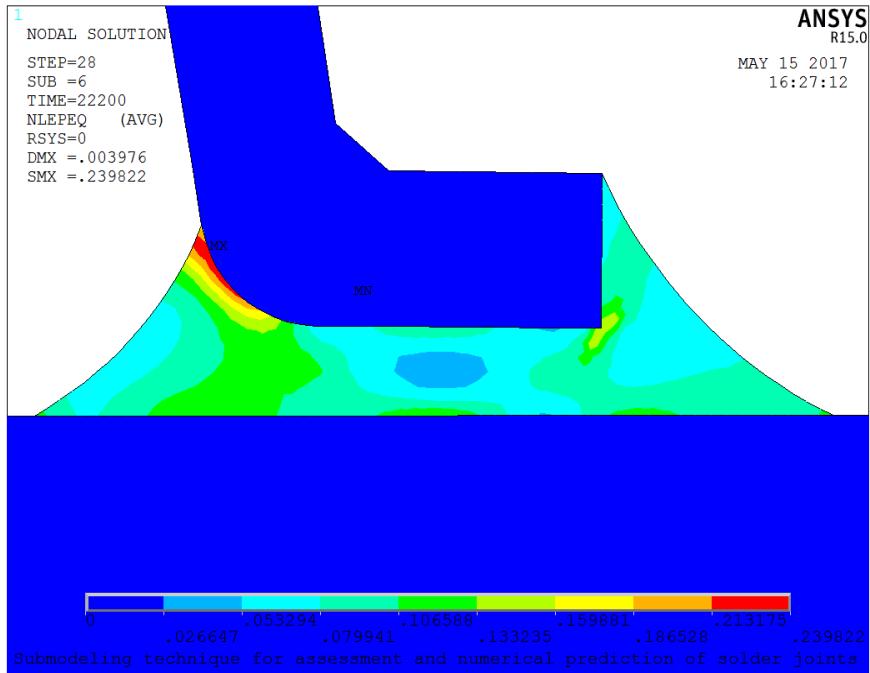
- Tout le modèle est soumis à des variations cycliques de la température.
- Simulation du processus de refusions de la brasure afin de prendre en considération les contraintes initiales.
- Appliquer au modèle EF six cycles thermiques variant entre -40°C et 125°C avec une vitesse de variation de 15°C/min et des durées de pallier de 30 min .

Melting Temperature of solder

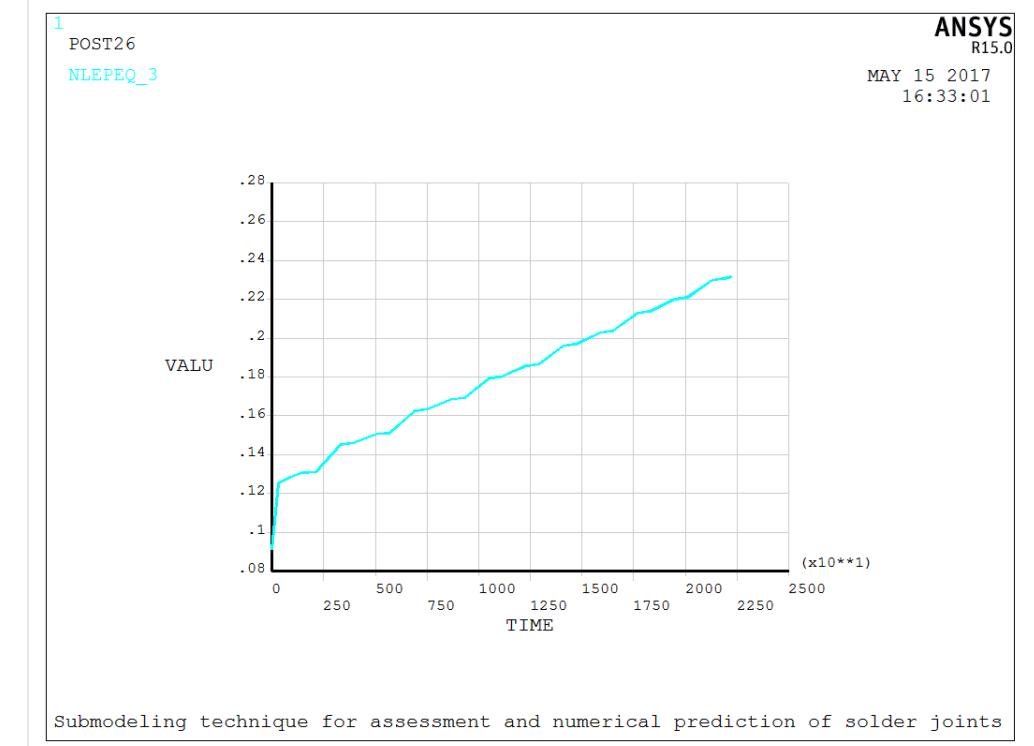


Modélisation numérique

Résultats

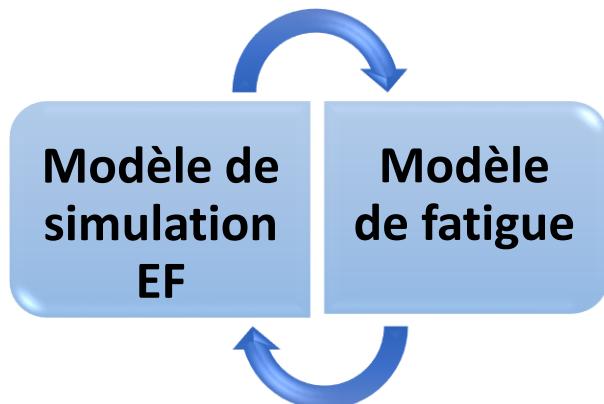


Distribution de la déformation inélastique dans le joint de brasure



Evolution de la déformation plastique équivalente au niveau du joint de brasure

Modèle de fatigue thermique



- Approche basée sur la contrainte,
- Approche basée sur la déformation plastique,
- Approche basée sur le fluage,
- Approche basée sur l'énergie,
- Approche basée sur l'endommagement

Application au cas d'étude
Nf = 750

Modèle de fatigue de Coffin-Manson

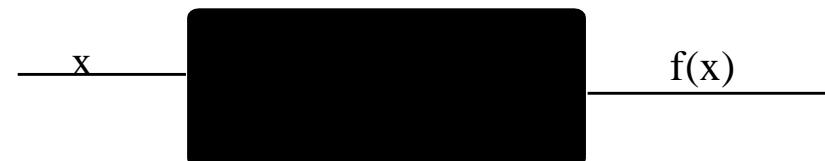
$$N_f = \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta \varepsilon_p}{\varepsilon_f} \right)^{\frac{1}{c}}$$

- Définition du problème

Task: **minimize an objective function** (*fitness* function, *loss* function) in continuous domain

$$f : X \subseteq \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto f(x)$$

Black Box scenario (direct search scenario)



gradients are not available or not useful

Evolution Stratégies

- Recalling

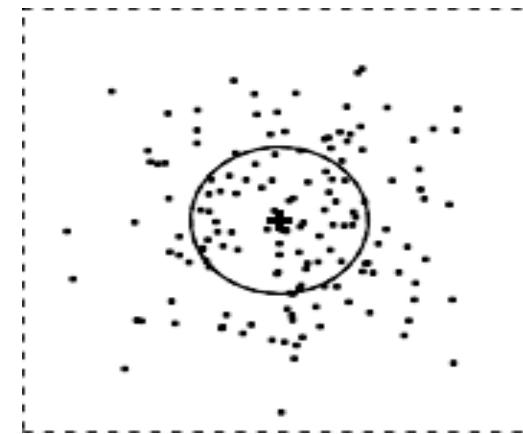
New search points are sampled normally distributed

$$x_i \sim \mathbf{m} + \sigma N_i(\mathbf{0}, \mathbf{C}) \quad \text{for } i = 1, \dots, \lambda$$

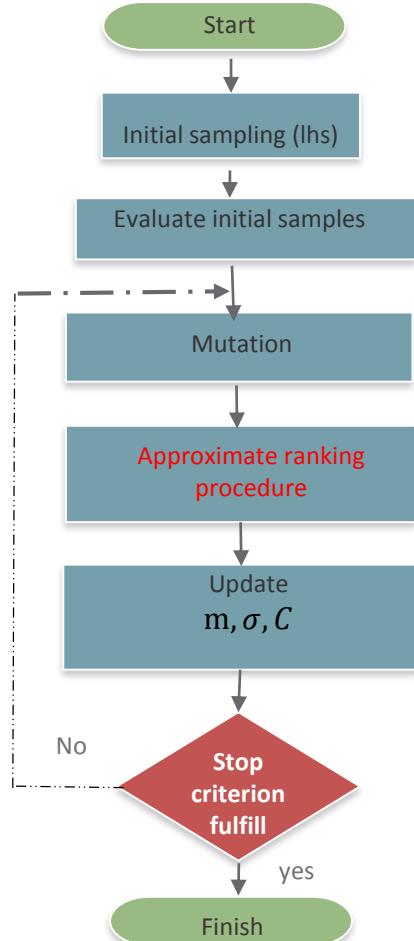
as perturbations of \mathbf{m} , where $x_i, \mathbf{m} \in \mathbb{R}^n$, $\sigma \in \mathbb{R}_+$, $\mathbf{C} \in \mathbb{R}^{n \times n}$

where

The **mean** vector $\mathbf{m} \in \mathbb{R}^n$ represents the favorite solution $\mu = \sum_{i=1}^{\lambda} w_i x_i$
the so-called **step-size** $\sigma \in \mathbb{R}_+$ controls the *step length*
the **covariance matrix** $\mathbf{C} \in \mathbb{R}^{n \times n}$ determines the **shape** of the distribution ellipsoid



KA-CMA-ES — Stratégie d'évolution et Adaptation de la matrice de covariance

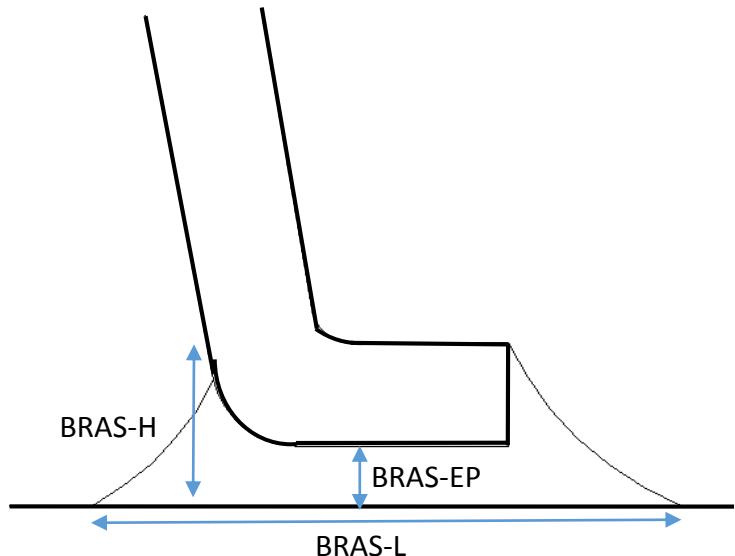


1. **Given :** $(z_k, x_k)_{k=1}^{\lambda}, m^{(g)}, \sigma^{(g)}, C^{(g)}, t, A, f(x), C(x)$
2. **Approximate :** $D_T \leftarrow \text{training_set_selection}(A)$,
 $\hat{f} \leftarrow \text{model_training}(D_T)$ and predict $f_k = \hat{f}(x_k), k=1, \dots, \lambda$
3. **Rank and determine the parent set** $P_m = \{x_{i:k}\}_{i=1}^{\mu}$ where $\hat{f}(x_{1:\lambda}) \leq \hat{f}(x_{2:\lambda}) \leq \dots \leq \hat{f}(x_{\lambda:\lambda})$
4. Select the n_{init} best individuals based on metric $(C(x_k))_{k=1}^{\lambda}$ computed by model \hat{f}
5. Evaluate the n_{init} selected individuals by $f(x)$ and add to the set A , $t \leftarrow t + n_{init}$
6. approximate : $D_T \leftarrow \text{training_set_selection}$
 $\hat{f} \leftarrow \text{model_training}(D_T)$ and predict $f_k = \hat{f}(x_k), k=1, \dots, \lambda$
7. determine the parent set $P_m = \{x_{i:k}\}_{i=1}^{\mu}$ where $\hat{f}(x_{1:\lambda}) \leq \hat{f}(x_{2:\lambda}) \leq \dots \leq \hat{f}(x_{\lambda:\lambda})$
8. **if** $P_{m-1} \neq P_m$ **then** (the parent set has changed)
9. select n_b best individuals based on metric $(C(x_k))_{k=1}^{\lambda}$ computed by model \hat{f}
10. Evaluate the n_b selected individuals by $f(x)$ and add to the set A , $t \leftarrow t + n_b$
11. **Else** (parent set remains unchanged)

Résultats de simulation numérique

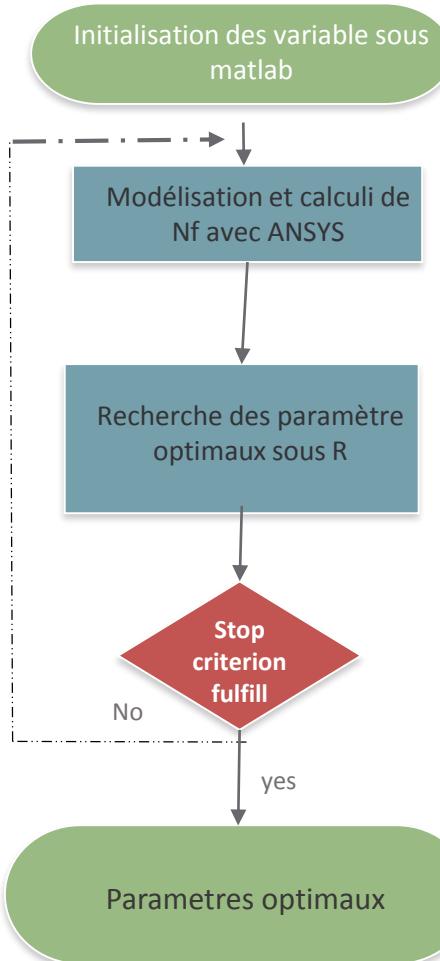
- Optimisation du joint de brasure

Fonction et Variables d'optimisation



$$\left\{ \begin{array}{l} \max (fx) = \max Nf \\ 0.1 \leq \text{BRAS_EP} \leq 0.25 \\ 0.16 \leq \text{BRCH_L} \leq 0.5 \\ 0.1 \leq \text{BRCH_H} \leq 0.3 \end{array} \right.$$

Méthodologie d'optimisation



Résultats d'optimisation

| | Méthode déterministe | Méthode d'optimisation |
|---------|----------------------|------------------------|
| BRAS-H | 0,19 | 0,25 |
| BRAS-EP | 0,16 | 0,21 |
| BRAS-L | 0,35 | 0,41 |

Nf=800 Nf=920

Conclusion

Dans cette étude, une analyse de l'élément fini thermomécanique non linéaire est utilisée pour prédire la performance de fiabilité des joints de brasures d'un package mécatronique, ainsi que l'optimisation du joint de brasure.

Futur travaux

Les travaux en cours sont:

- La prise en compte des incertitudes des paramètres du modèle, des dimensions géométriques, la fluctuation des chargements thermiques et des conditions en service
- l'élaboration d'une méthodologie probabilistes pour une caractérisation robuste des alliages des joints de brasure.

MERCI
POUR VOTRE ATTENTION

Normandy Reliability Technology Workshop**Présentation sous thème:****METHODOLOGIE Basée SUR LA SIMULATION POUR L'EVALUATION DE LA FIABILITE
ET L'OPTIMISATION DES Systèmes Mécatroniques embarqués**

Présenté le 15/06/2017 par:

Hamid hamdani

Dirigée par :

Abdelkhalak elhami
Bouchib Radi